



中等职业教育课程改革创新教材

# 数学练习册

SHUXUE LIXUICE

中等职业教育创新教材编委会编

职业模块  
工科类

西北工业大学出版社

**【内容简介】** 本书是根据中等职业教育课程改革创新教材《数学(职业模块)》工科类(西北工业大学出版社)编写的配套练习册。全书与教材对应分为5章,每一章按教材的内容顺序与结构分为若干个练习;每一个练习分为A组和B组,A组题为基础题,B组题有一定难度,力求使学生通过A组题牢固掌握双基、灵活运用重点,通过B组题突破难点、提高能力。每章后都配有自我检测题,使学生在检测中对知识掌握的程度做到心中有数。书中含有两套综合模拟测试题,供学生全面总结、复习巩固使用,也可作为期末考试题。

本书可供中等职业学校工科类专业学生使用。

#### 图书在版编目(CIP)数据

数学练习册/中等职业教育创新教材编委会编. —西安:西北工业大学出版社,2009.11

ISBN 978 - 7 - 5612 - 2674 - 2

I . 数… II . 中… III . 数学课—专业学校—习题 IV . G634.605

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2009) 第 205296 号

出版发行: 西北工业大学出版社

通信地址: 西安市友谊西路 127 号 邮编: 710072

电 话: (029) 88493844 88491757

网 址: www.nwpup.com

印 刷 者: 廊坊市广阳区九洲印刷厂

开 本: 787 mm×1092 mm 1/16

印 张: 35

字 数: 784 千字

印 次: 2009 年 11 月第 1 版 2014 年 9 月第 3 次印刷

定 价: 90.00 元(共 5 册)

本册定价: 18.00 元

# 本书编委会

主 编：许和连 杜克保

副主编：邢 迪 张智慧 李国中

孙坤菊 杨 杰

编 者：赵本泽 朱维年 刘讲军 刘利军  
张晓杰 施培成 周永涛 孙利娟  
张方萍



# 前 言

随着国家对中等职业教育的高度重视,为了适应教育教学改革的需要,进一步推动教育教学改革的深入发展,帮助中等职业学校学生更为科学、扎实、全面地掌握教材讲授的内容,我们组织了一些多年从事一线教育且具有丰富教学经验的优秀教师,依据教育部2009年最新颁布的教学大纲编写了这套《中等职业教育课程改革创新教材配套教学用书》丛书。我们在编写过程中力求做到:

- ★ 重点集中突出
- ★ 难点通俗易懂
- ★ 专业指导性强
- ★ 知识覆盖面广

为了使学生在复习过程中有一个明确的思路,在编写本书时,我们严格执行新大纲的要求,设计了六大板块,即:

- ★ 提示认知要求
- ★ 明确学习重点
- ★ 基础知识训练
- ★ 能力提高训练
- ★ 章自我检测题
- ★ 综合模拟测试

本书在编写上具有以下特征:

**严谨性:**书中习题的编选,完全符合教育部最新颁布的教学大纲的要求;

**同步性:**书中以节为编写单元,体例编排由简单到复杂、循序渐进,有益于学生自身梳理思路、把握要点,这些都提高了学生的思维及解题能力;

**实用性:**本书内容明确,选题广泛,知识结构新颖,紧跟时代发展,而不至于使学生停滞于老化的知识结构之中;

**合理性:**本书题目数量和难易程度适当,有助于巩固学生所学知识,进一步提高学生分析问题和解决问题的能力,并且对加强学生的思维训练和能力培养都起到了显著的效果;

**专业性:**本书融合了多名具有数年教学经验的特级教师的教学成果,从对知识的积累到应

用,从对综合运用能力的掌握到提高,都尽显了专业特色!

另外,为了方便师生教与学,书后附有参考答案.

由于时间和编写水平所限,书中难免存在不妥之处,希望老师和同学在使用过程中提出宝贵意见,以求日臻完善!

编 者

# 目 录

<b>第 1 章 三角计算及其应用 .....</b>	<b>1</b>
1.1 和角公式 .....	1
1.2 倍角公式 .....	4
1.3 正弦型函数 $y=Asin(\omega x+\varphi)$ .....	6
1.4 正弦定理与余弦定理 .....	9
1.5 生产、生活中的三角计算及应用举例 .....	12
自我检测题一 .....	15
<b>第 2 章 坐标变换与参数方程 .....</b>	<b>19</b>
2.1 坐标轴的平移与旋转 .....	19
2.2 参数方程 .....	22
2.3 坐标变换及参数方程的应用举例 .....	26
自我检测题二 .....	28
<b>第 3 章 复数及其应用 .....</b>	<b>31</b>
3.1 复数的概念 .....	31
3.2 复数的运算 .....	33
3.3 复数的几何意义 .....	37
3.4 复数的应用举例 .....	40
自我检测题三 .....	41
<b>第 4 章 算法与程序框图 .....</b>	<b>44</b>
4.1 算法的概念 .....	44

4.2 命题逻辑 .....	46
4.3 条件判断 .....	48
4.4 程序框图 .....	50
4.5 算法与程序框图的应用举例 .....	55
自我检测题四 .....	56
<b>第 5 章 逻辑代数初步 .....</b>	<b>60</b>
5.1 二进位制 .....	60
5.2 逻辑变量与运算 .....	62
5.3 逻辑式与真值表 .....	64
5.4 逻辑运算律和公式法化简逻辑式 .....	65
5.5 逻辑函数的最小项表达式 .....	67
5.6 卡诺图和图解法化简逻辑式 .....	68
5.7 逻辑代数的应用举例 .....	69
自我检测题五 .....	71
<b>综合模拟测试题一 .....</b>	<b>73</b>
<b>综合模拟测试题二 .....</b>	<b>76</b>
<b>参考答案 .....</b>	<b>79</b>



# 第1章 三角计算及其应用

## 【认知要求】

- 理解两角和的正弦、余弦、正切公式.
- 了解二倍角公式.
- 掌握正弦型函数  $y=A\sin(\omega x+\varphi)$ .
- 理解正弦定理和余弦定理.
- 理解三角计算在生产、生活中的应用.
- 通过本章学习,培养计算技能,计算工具使用技能和分析与解决问题的能力.

## 【学习重点】

- 和角公式.
- 正弦型函数和正、余弦定理的应用.

### 1.1 和角公式

#### A 组

##### 一、选择题

- $\frac{1}{2}\cos\alpha - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin\alpha$  可化为( ).  
A.  $\sin\left(\frac{\pi}{6} - \alpha\right)$       B.  $\sin\left(\frac{\pi}{3} - \alpha\right)$   
C.  $\sin\left(\frac{\pi}{6} + \alpha\right)$       D.  $\sin\left(\frac{\pi}{3} + \alpha\right)$
- 在  $\triangle ABC$  中,  $\sin A \sin B - \cos A \cos B < 0$ , 则  $\triangle ABC$  是( ).  
A. 锐角三角形      B. 直角三角形  
C. 钝角三角形      D. 形状不确定
- 使等式  $\sin\alpha \sin\beta - \cos\alpha \cos\beta = -\frac{1}{2}$  成立的一组  $\alpha, \beta$  值是( ).  
A.  $46^\circ, 16^\circ$       B.  $78^\circ, 18^\circ$   
C.  $24^\circ, 36^\circ$       D.  $14^\circ, 16^\circ$



4. 下列等式中不成立的是( )。

A.  $\cos 80^\circ \cos 20^\circ + \sin 80^\circ \sin 20^\circ = \frac{1}{2}$       B.  $\sin 13^\circ \cos 17^\circ - \cos 13^\circ \sin 17^\circ = \frac{1}{2}$

C.  $\sin 70^\circ \cos 25^\circ - \cos 65^\circ \sin 20^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$       D.  $\sin 40^\circ \cos 20^\circ + \sin 50^\circ \sin 20^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$

5.  $\sin(33^\circ - x)\cos(27^\circ + x) + \cos(33^\circ - x)\sin(27^\circ + x) = (\quad)$ .

A.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

B.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

C.  $\frac{1}{2}$

D.  $\sin 5^\circ$

## 二、填空题

1.  $\sin(36^\circ + \alpha)\cos(54^\circ - \alpha) + \cos(36^\circ + \alpha)\sin(54^\circ - \alpha) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

2. 已知  $\cos \theta = -\frac{3}{5}$ , 且  $\theta \in \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$ , 则  $\tan\left(\theta - \frac{\pi}{4}\right) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

3.  $\sin \frac{\pi}{12} - \sqrt{3} \cos \frac{\pi}{12} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

4. 设  $\alpha, \beta$  为锐角, 且  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ,  $\tan \beta = \frac{1}{7}$ , 则  $\alpha + \beta = \underline{\hspace{2cm}}$ .

## 三、解答题

1. 已知  $\cos(\alpha + \beta) = \frac{1}{3}$ ,  $\cos(\alpha - \beta) = \frac{1}{5}$ , 求  $\cos \alpha \cdot \cos \beta$  的值.

2. 已知  $\alpha, \beta \in \left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$  且  $\tan \alpha, \tan \beta$  是方程  $x^2 + 3\sqrt{3}x + 4 = 0$  的两根, 求  $\alpha + \beta$  的值.



## B 组

## 一、选择题

1. 已知  $\cos\alpha \cos\beta = 1$ , 则  $\cos(\alpha - \beta) = (\quad)$ .
  - A. 1
  - B. -1
  - C. 0
  - D.  $\pm 1$
  
2. 已知  $\sin\alpha \cdot \sin\beta = \frac{1}{2}$ ,  $\cos\alpha \cdot \cos\beta = \frac{1}{2}$ , 则  $\cos(\alpha - \beta) = (\quad)$ .
  - A. 1
  - B. -1
  - C.  $\frac{1}{2}$
  - D.  $-\frac{1}{2}$
  
3. 若  $\alpha, \beta$  均为锐角,  $P = \sin(\alpha + \beta)$ ,  $Q = \sin\alpha + \sin\beta$ , 则  $(\quad)$ .
  - A.  $P > Q$
  - B.  $P < Q$
  - C.  $P \geq Q$
  - D.  $P \leq Q$
  
4.  $\sin \frac{\pi}{4} + \cos \frac{\pi}{4}$  的值为  $(\quad)$ .
  - A. 2
  - B.  $\sqrt{2}$
  - C. 1
  - D. 0

## 二、填空题

1. 已知  $\tan\alpha = \frac{1}{2}$ ,  $\tan\beta = \frac{1}{3}$ , 且  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ ,  $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$ , 则  $\alpha + \beta = \underline{\hspace{2cm}}$ .
  
2. 函数  $y = \sin x - \cos x$  的值域是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

## 三、解答题

1. 化简  $\frac{\cos(2x-y)}{\cos x} - 2\cos(x-y)$ .

2. 已知  $\sin\alpha + \cos\beta = \frac{2}{3}$ ,  $\cos\alpha + \sin\beta = -\frac{1}{2}$ , 求  $\sin(\alpha + \beta)$ .



## 1.2 倍角公式

### A 组

#### 一、选择题

1.  $\sin^2 15^\circ - \cos^2 15^\circ$  的值为(      ).  
A.  $-\frac{1}{2}$       B.  $\frac{1}{2}$       C.  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$       D.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$
2. 若在  $\triangle ABC$  中满足  $\tan A \cdot \tan B > 1$ , 则这个三角形一定是(      ).  
A. 正三角形      B. 等腰直角三角形      C. 锐角三角形      D. 钝角三角形
3.  $\sin 15^\circ \sin 30^\circ \sin 75^\circ$  的值是(      ).  
A.  $\frac{1}{16}$       B.  $\frac{1}{8}$       C.  $\frac{1}{4}$       D.  $\frac{\sqrt{3}}{16}$
4. 若  $\cos \alpha = a$ , 则  $\cos^4 \alpha - \sin^4 \alpha$  为(      ).  
A.  $1-a$       B.  $1+a$       C.  $-a$       D.  $2a^2 - 1$

#### 二、填空题

1. 化简  $\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) \cos\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

2. 已知  $\sin x = \frac{12}{13}$ , 则  $\cos 2x = \underline{\hspace{2cm}}$ .

3. 不查表计算  $\tan 15^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$ .

#### 三、解答题

1. 求下列各式的值.

(1)  $2\sin \frac{5\pi}{8} \cos \frac{5\pi}{8}$ ;      (2)  $1 - 2\cos^2 \frac{\pi}{12}$ ;      (3)  $\frac{2\tan 75^\circ}{\tan^2 75^\circ - 1}$ .

2. 已知  $\cos \alpha = -\frac{4}{5}$ ,  $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$ , 求  $\sin \frac{\alpha}{2}$ ,  $\cos \frac{\alpha}{2}$  及  $\tan \frac{\alpha}{2}$ .



## B 组

## 一、选择题

1. 已知  $\sin\alpha = \frac{1}{3}$ ,  $2\pi < \alpha < 3\pi$ , 那么  $\sin \frac{\alpha}{2} + \cos \frac{\alpha}{2} = (\quad)$ .
  - A.  $\frac{\sqrt{6}}{3}$
  - B.  $-\frac{\sqrt{6}}{3}$
  - C.  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
  - D.  $-\frac{2\sqrt{3}}{3}$
  
2. 若  $\sin\alpha = \frac{12}{13}$ ,  $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$ , 则  $\tan 2\alpha = (\quad)$ .
  - A.  $\frac{60}{119}$
  - B.  $\frac{120}{119}$
  - C.  $-\frac{60}{119}$
  - D.  $-\frac{120}{119}$
  
3.  $\cos^4\theta - \sin^4\theta$  化简的结果是( ) .
  - A.  $\sin 2\theta$
  - B.  $\cos 2\theta$
  - C.  $2\sin 2\theta$
  - D.  $2\cos 2\theta$
  
4. 已知  $\theta$  是第二象限的角,  $25\sin^2\theta + \sin\theta - 24 = 0$ , 那么  $\cos \frac{\theta}{2} = (\quad)$ .
  - A.  $\frac{3}{5}$
  - B.  $\pm \frac{3}{5}$
  - C.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
  - D.  $\pm \frac{4}{5}$

## 二、填空题

1. 已知  $\cos\theta = -\frac{3}{5}$ ,  $\pi < \theta < \frac{3}{2}\pi$ , 则  $\left(\sin \frac{\theta}{2} - \cos \frac{\theta}{2}\right)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ .
  
2. 化简  $\frac{\sin 4x}{1 + \cos 4x} \cdot \frac{\cos 2x}{1 + \cos 2x} \cdot \frac{\cos x}{1 + \cos x} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

## 三、解答题

1. 在  $\triangle ABC$  中,  $\cos\left(\frac{\pi}{4} + A\right) = \frac{5}{13}$ , 求  $\sin 2A$  的值.

2. 化简:  $\frac{3 - 4\cos 2\alpha + \cos 4\alpha}{3 + 4\cos 2\alpha + \cos 4\alpha}$ .



## 1.3 正弦型函数 $y = A\sin(\omega x + \varphi)$

### A 组

#### 一、选择题

1. 函数  $y = \sin\left(2x + \frac{5\pi}{2}\right)$  的图形的一条对称轴方程是( )。  
A.  $x = -\frac{\pi}{2}$       B.  $x = -\frac{\pi}{4}$   
C.  $x = \frac{\pi}{8}$       D.  $x = \frac{5\pi}{4}$
2. 在下列区间中函数  $y = \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$  的单调增区间是( )。  
A.  $\left[\frac{\pi}{2}, \pi\right]$       B.  $\left[0, \frac{\pi}{4}\right]$   
C.  $[-\pi, 0]$       D.  $\left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right]$
3. 函数  $y = \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$  在闭区间( )上是增函数。  
A.  $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$       B.  $\left[-\frac{3}{4}\pi, \frac{\pi}{4}\right]$   
C.  $[-\pi, 0]$       D.  $\left[-\frac{\pi}{4}, \frac{3}{4}\pi\right]$
4. 函数  $y = \sin 2x$  的单调减区间是( )。  
A.  $\left[\frac{\pi}{2} + 2k\pi, \frac{3}{2} + 2k\pi\right] (k \in \mathbf{Z})$       B.  $\left[k\pi + \frac{\pi}{4}, k\pi + \frac{3}{4}\pi\right] (k \in \mathbf{Z})$   
C.  $[\pi + 2k\pi, 3\pi + 2k\pi] (k \in \mathbf{Z})$       D.  $\left[k\pi - \frac{\pi}{4}, k\pi + \frac{\pi}{4}\right] (k \in \mathbf{Z})$
5. 函数  $y = -\frac{2}{3}\cos x, x \in [0, 2\pi]$ , 其单调性是( )。  
A. 在  $[0, \pi]$  上是增函数, 在  $[\pi, 2\pi]$  上是减函数  
B. 在  $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{3}{2}\pi\right]$  上是增函数, 在  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right], \left[\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$  上都是减函数  
C. 在  $[\pi, 2\pi]$  上是增函数, 在  $[0, \pi]$  上是减函数  
D. 在  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right], \left[\frac{3}{2}\pi, 2\pi\right]$  上都是增函数, 在  $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{3}{2}\pi\right]$  上是减函数

#### 二、填空题

1. 函数  $y = \frac{3}{5}\sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right)$  的最大值为 \_\_\_\_\_, 最小值为 \_\_\_\_\_.



2. 函数  $y=2\sin\left(-3x+\frac{\pi}{3}\right)$  的周期为\_\_\_\_\_.
3. 函数  $y=6\sin\left(\frac{1}{2}x+\frac{\pi}{4}\right)$  的最大值为\_\_\_\_\_，最小值为\_\_\_\_\_，周期为\_\_\_\_\_.

### 三、解答题

1. 求下列函数的最大值、最小值和周期.

$$(1) \quad y=2\sin 3x; \quad (2) \quad y=\frac{1}{3}\sin\left(\frac{2}{5}x+\frac{\pi}{6}\right).$$

2. 利用“五点法”作出函数  $y=3\sin\left(\frac{x}{2}+\frac{\pi}{3}\right)$  在一个周期内的图像.

### B 组

#### 一、选择题

1. 把函数  $y=2\sin\left(2x+\frac{\pi}{4}\right)$  的图像向右平移  $\frac{\pi}{8}$ ，再把所得图像上各点的横坐标缩短到原来的  $\frac{1}{2}$ ，则所得图像的解析式是( )。
- A.  $y=2\sin\left(4x+\frac{3\pi}{8}\right)$       B.  $y=2\sin\left(4x+\frac{\pi}{8}\right)$   
 C.  $y=2\sin 4x$       D.  $y=2\sin x$



2. 已知函数  $y=A\sin(\omega x+\varphi)$  ( $A>0, \omega>0$ ) 在一个周期内, 当  $x=\frac{\pi}{12}$  时, 取得最大值 2, 当  $x=\frac{7\pi}{12}$  时, 取得最小值 -2, 那么 ( ) .
- A.  $y=\frac{1}{2}\sin\left(x+\frac{\pi}{3}\right)$       B.  $y=2\sin\left(2x+\frac{\pi}{3}\right)$   
C.  $y=2\sin\left(2x+\frac{\pi}{6}\right)$       D.  $y=2\sin\left(\frac{x}{2}+\frac{\pi}{6}\right)$
3. 将函数  $y=f(x)\cos x$  的图像向上平移 1 个单位, 得到的图像再向右平移  $\frac{\pi}{4}$  个单位, 最后得到  $y=2\sin^2 x$  的图像, 那么函数  $f(x)$  可以是 ( ) .
- A.  $\cos x$       B.  $2\cos x$       C.  $\sin x$       D.  $2\sin x$
4. 把函数  $y=\sin(\omega x+\varphi)$  (其中  $\varphi$  为锐角) 的图像向右平移  $\frac{\pi}{8}$  个单位, 或向左平移  $\frac{3\pi}{8}$  个单位, 都可使对应的新函数成为奇函数, 则原函数的一条对称轴方程是 ( ) .
- A.  $x=\frac{\pi}{2}$       B.  $x=\frac{\pi}{4}$   
C.  $x=-\frac{\pi}{8}$       D.  $x=\frac{5\pi}{8}$

## 二、填空题

1.  $y=-3\cos 2x$  取得最大值时的自变量  $x$  的集合是 \_\_\_\_\_.
2. 函数  $y=\sin x, y\geqslant \frac{1}{2}$  时, 自变量  $x$  的集合是 \_\_\_\_\_.
3. 把下列三角函数值从小到大排列起来为: \_\_\_\_\_.
- $$\sin \frac{4}{5}\pi, -\cos \frac{5}{4}\pi, \sin \frac{32}{5}\pi, \cos \frac{5}{12}\pi$$

## 三、解答题

1. 求下列函数的单调递增区间.

$$(1) y=\cos\left(2x+\frac{\pi}{6}\right); \quad (2) y=3\sin\left(\frac{\pi}{3}-\frac{\pi}{2}x\right).$$



2. 已知函数  $f(x) = 3\sin(2x + \varphi)$  ( $\varphi \in (0, \frac{\pi}{2})$ ), 其图像向左平移  $\frac{\pi}{6}$  后关于  $y$  轴对称. 求出函数  $f(x)$  的解析式.

## 1.4 正弦定理与余弦定理

### A 组

#### 一、选择题

1. 已知在  $\triangle ABC$  中,  $\sin A : \sin B : \sin C = 3 : 2 : 4$ , 那么  $\cos C$  的值为( ).  
A.  $-\frac{1}{4}$       B.  $\frac{1}{4}$       C.  $-\frac{2}{3}$       D.  $\frac{2}{3}$
2. 在  $\triangle ABC$  中,  $a = \lambda$ ,  $b = \sqrt{3}\lambda$ ,  $\angle A = 45^\circ$ , 则满足此条件的三角形的个数是( ).  
A. 0      B. 1      C. 2      D. 无数个
3. 在  $\triangle ABC$  中,  $b\cos A = a\cos B$ , 则三角形为( ).  
A. 直角三角形      B. 锐角三角形      C. 等腰三角形      D. 等边三角形
4. 已知  $\triangle ABC$  中,  $a = 10$ ,  $\angle B = 60^\circ$ ,  $\angle C = 45^\circ$ , 则  $c =$  ( ).  
A.  $10 + \sqrt{3}$       B.  $10(\sqrt{3} - 1)$       C.  $(\sqrt{3} + 1)$       D.  $10\sqrt{3}$
5. 在  $\triangle ABC$  中,  $a^2 = b^2 + c^2 + bc$ , 则  $\angle A$  等于( ).  
A.  $60^\circ$       B.  $45^\circ$       C.  $120^\circ$       D.  $30^\circ$
6. 在  $\triangle ABC$  中,  $a = \sqrt{3} - 1$ ,  $b = \frac{\sqrt{6}}{2}$ ,  $c = \frac{\pi}{4}$ , 则  $\triangle ABC$  是( ).  
A. 锐角三角形      B. 直角三角形      C. 钝角三角形      D. 任意三角形
7. 在  $\triangle ABC$  中,  $a = 2$ ,  $\angle A = 30^\circ$ ,  $\angle C = 45^\circ$ , 则  $\triangle ABC$  的面积  $S_{\triangle ABC}$  等于( ).  
A.  $\sqrt{2}$       B.  $2\sqrt{2}$       C.  $\sqrt{3} + 1$       D.  $\frac{1}{2}(\sqrt{3} + 1)$

#### 二、填空题

1. 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle A = 60^\circ$ ,  $\angle C = 45^\circ$ ,  $b = 2$ , 则此三角形的最小边长为\_\_\_\_\_.
2. 在  $\triangle ABC$  中,  $\frac{abc}{a^2 + b^2 + c^2} \left( \frac{\cos A}{a} + \frac{\cos B}{b} + \frac{\cos C}{c} \right) =$  \_\_\_\_\_.



3. 在 $\triangle ABC$  中,  $a : b : c = (\sqrt{3}+1) : \sqrt{6} : 2$ , 则 $\triangle ABC$  的最小角的度数为\_\_\_\_\_.
4. 在 $\triangle ABC$  中,  $a=1, b=1, \angle C=120^\circ$ , 则  $c=$ \_\_\_\_\_.
5. 在 $\triangle ABC$  中, 若  $a^2 > b^2 + c^2$ , 则 $\triangle ABC$  为\_\_\_\_\_; 若  $a^2 = b^2 + c^2$ , 则 $\triangle ABC$  为\_\_\_\_\_; 若  $a^2 < b^2 + c^2$  且  $b^2 < a^2 + c^2$  且  $c^2 < a^2 + b^2$ , 则 $\triangle ABC$  为\_\_\_\_\_.
6. 在 $\triangle ABC$  中,  $\sin A = 2 \cos B \sin C$ , 则此三角形为\_\_\_\_\_.

### 三、解答题

1. 已知在 $\triangle ABC$  中,  $c=10, \angle A=45^\circ, \angle C=30^\circ$ , 求  $a, b$  和  $\angle B$ .

2. 已知 $\triangle ABC$  的三边长  $a=3, b=4, c=\sqrt{37}$ , 求三角形的最大内角.

3. 已知在 $\triangle ABC$  中,  $\angle A=45^\circ, a=2, c=\sqrt{6}$ , 解此三角形.



## B 组

## 一、选择题

1. 在 $\triangle ABC$ 中,已知 $\angle B=30^\circ$ , $b=50\sqrt{3}$ , $c=150$ ,那么这个三角形是( )。
  - A. 等边三角形
  - B. 直角三角形
  - C. 等腰三角形
  - D. 等腰三角形或直角三角形
2. 在 $\triangle ABC$ 中,若 $b^2 \sin^2 C + c^2 \sin^2 B = 2bc \cos B \cos C$ ,则此三角形为( )。
  - A. 直角三角形
  - B. 等腰三角形
  - C. 等边三角形
  - D. 等腰直角三角形
3. 已知三角形 $ABC$ 的三边 $a,b,c$ 成等比数列,它们的对角分别是 $\angle A,\angle B,\angle C$ ,则 $\sin A \sin C$ 等于( )。
  - A.  $\cos^2 B$
  - B.  $1 - \cos^2 B$
  - C.  $1 + \cos^2 B$
  - D.  $1 + \sin^2 B$
4. 在 $\triangle ABC$ 中, $\sin A > \sin B$ 是 $\angle A > \angle B$ 的( )。
  - A. 充分不必要条件
  - B. 必要不充分条件
  - C. 充要条件
  - D. 既不充分也不必要条件
5. 在 $\triangle ABC$ 中, $\sin^2 A = \sin^2 B + \sin^2 C$ ,则 $\triangle ABC$ 为( )。
  - A. 直角三角形
  - B. 等腰直角三角形
  - C. 等边三角形
  - D. 等腰三角形

## 二、填空题

1. 在 $\triangle ABC$ 中, $\frac{\tan A}{\tan B} = \frac{\sin A}{\sin B}$ ,则 $\triangle ABC$ 为\_\_\_\_\_.
2. 在 $\triangle ABC$ 中,角 $A,B$ 均为锐角且 $\cos A > \sin B$ ,则 $\triangle ABC$ 是\_\_\_\_\_.
3. 在 $\triangle ABC$ 中,若此三角形有一解,则 $a,b,\angle A$ 满足的条件为\_\_\_\_\_.
4. 在 $\triangle ABC$ 中, $BC=3,AB=2$ ,且 $\frac{\sin C}{\sin B} = \frac{2}{5}(\sqrt{6}+1)$ , $\angle A=$ \_\_\_\_\_.
5. 在 $\triangle ABC$ 中, $b=\sqrt{3},c=3,\angle B=30^\circ$ ,则 $a=$ \_\_\_\_\_.
6. 在 $\triangle ABC$ 中, $a+b=12,\angle A=60^\circ,\angle B=45^\circ$ ,则 $a=$ \_\_\_\_\_, $b=$ \_\_\_\_\_.

## 三、解答题

1. 在四边形 $ABCD$ 中, $BC=a,DC=2a,\angle A,\angle B,\angle C,\angle D$ 的度数比为 $3:7:4:10$ ,求 $AB$ 的长.



2. 在 $\triangle ABC$  中,  $\angle A$  最大,  $\angle C$  最小, 且  $\angle A=2\angle C$ ,  $a+c=2b$ , 求此三角形三边之比.

3. 根据所给条件, 判断 $\triangle ABC$  的形状.

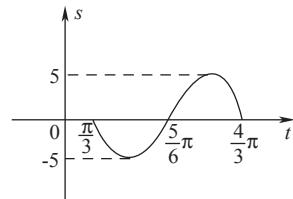
$$(1) a \cos A = b \cos B;$$

$$(2) \frac{a}{\cos A} = \frac{b}{\cos B} = \frac{c}{\cos C}.$$

## 1.5 生产、生活中的三角计算及应用举例

### A 组

1. 某简谐运动的位移  $s$  和时间  $t$  的函数关系的图像(一个周期内)如图所示, 试求位移  $s$  与时间  $t$  的函数关系式.





2. 试写出以下简谐交流电的峰值、圆频率、初相和周期.

$$(1) I = 50 \sin\left(2t + \frac{\pi}{3}\right);$$

$$(2) I = 100 \sin\left(\frac{t}{3} - \frac{\pi}{6}\right).$$

3. 已知  $A, B$  两地的距离为  $10\text{km}$ ,  $B, C$  两地的距离为  $20\text{km}$ , 现测得  $\angle ABC = 120^\circ$ , 求  $A, C$  两地的距离.

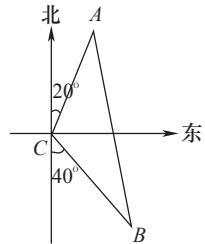
4. 要测量对岸  $A, B$  两点之间的距离, 选取相距  $\sqrt{3}\text{km}$  的  $C, D$  两点, 并测得  $\angle ACB = 75^\circ$ ,  $\angle BCD = 45^\circ$ ,  $\angle ADC = 30^\circ$ ,  $\angle ADB = 45^\circ$ , 求  $A, B$  之间的距离.



## B 组

## 一、选择题

1. 海上有  $A, B$  两个小岛相距 10 海里, 从  $A$  岛望  $C$  岛和  $B$  岛成  $60^\circ$  的视角, 从  $B$  岛望  $C$  岛和  $A$  岛成  $75^\circ$  视角, 则  $B, C$  的距离是( ).
- A.  $10\sqrt{3}$  海里      B.  $\frac{10\sqrt{6}}{3}$  海里      C.  $5\sqrt{2}$  海里      D.  $5\sqrt{6}$  海里
2. 为测量某塔  $AB$  的高度, 在一幢与塔  $AB$  相距 20m 的楼顶处测得塔顶  $A$  的仰角为  $30^\circ$ , 测得塔基  $B$  的俯角为  $45^\circ$ , 那么塔  $AB$  的高度是( ).
- A.  $20\left(1+\frac{\sqrt{3}}{3}\right)$ m      B.  $20\left(1+\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ m      C.  $20(1+\sqrt{3})$ m      D. 30m
3. 如图所示, 已知两座灯塔  $A$  和  $B$  与海洋观察站  $C$  的距离都等于  $a$ km, 灯塔  $A$  在观察站  $C$  的北偏东  $20^\circ$ , 灯塔  $B$  在观察站  $C$  的南偏东  $40^\circ$ , 则灯塔  $A$  与灯塔  $B$  的距离为( ).
- A.  $a$ km      B.  $\sqrt{3}a$ km      C.  $\sqrt{2}a$ km      D.  $2a$ km
4. 一船自西向东匀速航行, 上午 10 时到达一座灯塔  $P$  的南偏西  $75^\circ$  距塔 68 海里的  $M$  处, 下午 2 时到达这座灯塔的东南方向的  $N$  处, 则这只船的航行速度为( ).
- A.  $\frac{17\sqrt{6}}{2}$  海里/小时      B.  $34\sqrt{6}$  海里/小时  
C.  $\frac{17\sqrt{2}}{2}$  海里/小时      D.  $34\sqrt{2}$  海里/小时



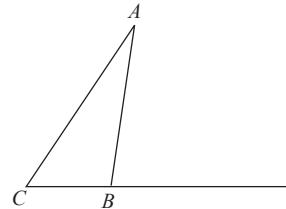
## 二、解答题

1. 某观测站  $C$  在  $A$  城的南偏西  $20^\circ$  的方向, 由  $A$  城出发的一条公路, 走向是南偏东  $40^\circ$ , 在  $C$  处测得公路上  $B$  处有一人距  $C$  为 31km 正沿公路向  $A$  城走去, 走了 20km 后到达  $D$  处, 此时  $CD$  间的距离为 21km, 问这人还要走多少 km 才能到达  $A$  城?



2. 沿一条小路前进,从  $A$  到  $B$ ,方位角(从正北方向顺时针转到  $AB$  方向所成的角)是  $50^\circ$ ,距离是  $3\text{km}$ ,从  $B$  到  $C$ ,方位角是  $110^\circ$ ,距离是  $3\text{km}$ ,从  $C$  到  $D$ ,方位角是  $140^\circ$ ,距离是  $(9 + 3\sqrt{3})\text{km}$ . 试画出示意图,并计算出从  $A$  到  $D$  的方位角和距离(结果保留根号).

3. 为了竖一块广告牌,要制造三角形支架. 三角形支架如图所示,要求  $\angle ACB = 60^\circ$ ,  $BC$  的长度大于  $1\text{m}$ ,且  $AC$  比  $AB$  长  $0.5\text{m}$ . 为了使广告牌稳固,要求  $AC$  的长度越短越好,求  $AC$  最短为多少  $\text{m}$ ? 且当  $AC$  最短时,  $BC$  长度为多少  $\text{m}$ ?



## 自我检测题一

### 一、选择题

1. 函数  $y = \sqrt{3}\cos^2 x + \sin x \cos x - \frac{\sqrt{3}}{2}$  的周期是( ).

A.  $\frac{\pi}{4}$

B.  $\frac{\pi}{2}$

C.  $\pi$

D.  $2\pi$



2. 若  $x \in (0, 2\pi)$ , 函数  $y = \sqrt{\sin x} + \sqrt{-\tan x}$  的定义域是( ).
- A.  $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right]$       B.  $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$       C.  $(0, \pi)$       D.  $\left(\frac{3\pi}{2}, 2\pi\right)$
3.  $y = \sin^2 x - \cos^2 x + 2\cos x - 2$  的最大值为( ).
- A.  $\frac{1}{2}$       B.  $-1$       C.  $0$       D.  $-\frac{1}{2}$
4. 若  $\sin \alpha = \frac{4}{5}$ ,  $\tan(\alpha + \beta) = 1$ , 且  $\alpha$  是第二象限角, 那么  $\tan \beta$  值是( ).
- A.  $\frac{4}{3}$       B.  $-\frac{4}{3}$       C.  $7$       D.  $-7$
5. 若  $3\sin x + \sqrt{3}\cos x = 2\sqrt{3}\sin(x + \varphi)$  ( $-\pi < \varphi < \pi$ ), 则  $\varphi =$  ( ).
- A.  $\frac{\pi}{6}$       B.  $-\frac{\pi}{6}$       C.  $\frac{5\pi}{6}$       D.  $-\frac{5\pi}{6}$
6. 已知  $\alpha$  是  $\triangle ABC$  的一个内角, 且  $\sin \alpha + \cos \alpha = \frac{2}{3}$ , 则此三角形是( ).
- A. 锐角三角形      B. 钝角三角形  
C. 非等腰的直角三角形      D. 等腰直角三角形
7. 若  $A, B$  是锐角  $\triangle ABC$  两个内角, 则点  $(\cos B - \sin A, \sin B - \cos A)$  在( ).
- A. 第一象限      B. 第二象限      C. 第三象限      D. 第四象限
8. 设  $\theta$  是第二象限角, 且  $|\cos \theta| = a$ ,  $\sin \frac{\theta}{2} < \cos \frac{\theta}{2}$ , 则  $\sin \frac{\theta}{2} =$  ( ).
- A.  $\sqrt{\frac{1+a}{2}}$       B.  $\frac{\sqrt{1-a}}{2}$       C.  $-\sqrt{\frac{1+a}{2}}$       D.  $-\sqrt{\frac{1-a}{2}}$
9. 要得到  $y = 3\sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right)$  的图像, 只需将  $y = 3\sin 2x$  的图像( ).
- A. 向左平移  $\frac{\pi}{4}$  个单位      B. 向右平移  $\frac{\pi}{4}$  个单位  
C. 向左平移  $\frac{\pi}{8}$  个单位      D. 向右平移  $\frac{\pi}{8}$  个单位

## 二、填空题

1. 已知  $f(\cos x) = \cos 2x$ , 那么  $f\left(\sin \frac{5\pi}{12}\right) =$  \_\_\_\_\_.
2.  $y = \sqrt{3}\sin \frac{x}{2} - \cos \frac{x}{2}$  的单调增区间是 \_\_\_\_\_.
3.  $\tan(\alpha + \beta) = \frac{2}{5}$ ,  $\tan\left(\beta - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{4}$ , 则  $\tan\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) =$  \_\_\_\_\_.
4. 在  $\triangle ABC$  中, 已知  $\angle A = \frac{2\pi}{3}$ ,  $b = 3$ ,  $c = 5$ , 则  $\sin B + \sin C =$  \_\_\_\_\_.
5. 函数  $y = \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$  ( $x \in \left[\frac{\pi}{6}, \frac{2}{3}\pi\right]$ ) 的最小值是 \_\_\_\_\_.



### 三、解答题

1. 求下列各式的值：

$$(1) \cos 11^\circ \cos 49^\circ - \sin 11^\circ \sin 49^\circ;$$

$$(2) \sin 23^\circ \cos 22^\circ + \cos 23^\circ \sin 22^\circ;$$

$$(3) \sin 23^\circ \cos 112^\circ - \sin 292^\circ \sin 67^\circ;$$

$$(4) \cos 44^\circ \sin 164^\circ - \sin 224^\circ \cos 344^\circ.$$

2. 设  $0 < \angle A, \angle B, \angle C < \pi$ ,  $\tan A = \frac{1}{2}$ ,  $\tan B = \frac{1}{5}$ ,  $\tan C = \frac{1}{8}$ , 求  $\angle A + \angle B + \angle C$  的度数.

3. 已知  $\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) \sin\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) = \frac{1}{6}$ ,  $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$ , 求  $\sin 4\alpha$  的值.



4. 已知  $\cos\left(\frac{\pi}{4}+x\right)=\frac{3}{5}$ ,  $\frac{17\pi}{12} < x < \frac{7\pi}{4}$ , 求  $\frac{\sin 2x + 2\sin^2 x}{1 - \tan x}$  的值.

5. 用“五点法”作下列函数在指定区间内的图像, 并写出下列函数的周期、最大值和最小值.

(1)  $y=2-\sin x$ ,  $x \in [0, 2\pi]$ ;                                  (2)  $y=\cos\left(x+\frac{\pi}{6}\right)$ ,  $x \in \left[-\frac{\pi}{6}, \frac{11\pi}{6}\right]$ .

6. 在海岸 A 处, 发现北偏东  $45^\circ$  方向, 距离  $A(\sqrt{3}-1)n$  mile 的 B 处有一艘走私船, 在 A 处北偏西  $75^\circ$  的方向, 距离 A  $2n$  mile 的 C 处的缉私船奉命以  $10\sqrt{3}n$  mile/h 的速度追截走私船, 此时走私船正以  $10n$  mile/h 的速度从 B 处向北偏东  $30^\circ$  方向逃窜, 问缉私船沿什么方向最快追上走私船?